cbsemathspapers.com

A website providing free sample, guess and question papers in all subjects

Also available here latest cbse syllabus

Links to cbse results available

Links to online ncert and cbse books available

Maths, science, hindi, punjabi, science and social science material available

Classes V11, V111, 1X, X, X1 and X11

To contact us log on to cbsemath.com, open contact us page and fill up the form there

MATHEMATICS
गणित

Time allowed : 3 hours | *Maximum Marks : 100*

निर्धारित समय : 3 घण्टे | *अधिकतम अंक : 100*

General Instructions :

(i) All questions are compulsory.

*(ii) The question paper consists of **25** questions divided into three sections —A, B and C. Section A contains **10** questions of **3** marks each. Section B is of **10** questions of **4** marks each and Section C is of **5** questions of **6** marks each.*

(iii) There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in two questions of three marks each, two questions of four marks each and two questions of six marks each.

(iv) In question on construction, the drawing should be neat and exactly as per the given measurements.

(v) Use of calculators is not permitted.

सामान्य निर्देश :

(i) सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।

*(ii) इस प्रश्न-पत्र में **25** प्रश्न हैं जो तीन खण्डों — अ, ब, और स में बँटे हुए हैं। खण्ड अ में **तीन-तीन** अंक वाले **10** प्रश्न, खण्ड ब में **चार-चार** अंक वाले **10** प्रश्न तथा खण्ड स में **छः-छः** अंक वाले **5** प्रश्न शामिल हैं।*

(iii) प्रश्न-पत्र में कोई समग्र व्यापक विकल्प नहीं है। फिर भी तीन-तीन अंकों वाले दो प्रश्नों, चार-चार अंकों वाले दो प्रश्नों तथा छः-छः अंकों वाले दो प्रश्नों में आंतरिक विकल्प दिए गए हैं।

(iv) रचना वाले प्रश्न में आरेखन स्वच्छ हो और दिए गए मापन के सर्वथा अनुरूप हो।

(v) कैलकुलेटरों के प्रयोग की अनुमति नहीं है।

SECTION A
खण्ड अ

Question numbers 1 to 10 carry 3 marks each.

प्रश्न संख्या 1 से 10 तक प्रत्येक प्रश्न 3 अंकों का है ।

1. Solve the following system of linear equations :

$$6\,(ax + by) = 3a + 2b$$

$$6\,(bx - ay) = 3b - 2a$$

OR

The sum of the digits of a two digit number is 15. The number obtained by interchanging the digits exceeds the given number by 9. Find the number.

निम्न रैखिक समीकरण निकाय को हल कीजिए :

$$6\,(ax + by) = 3a + 2b$$

$$6\,(bx - ay) = 3b - 2a$$

अथवा

दो अंकों की एक संख्या के अंकों का योग 15 है । अंकों का स्थान बदलने पर प्राप्त संख्या मूल संख्या से 9 अधिक है । संख्या ज्ञात कीजिए ।

2. Using quadratic formula, solve the following quadratic equation for **x** :

$$p^2x^2 + (p^2 - q^2)\,x - q^2 = 0$$

द्विघात सूत्र का प्रयोग करके निम्न द्विघाती समीकरण को x के लिए हल कीजिए :

$$p^2x^2 + (p^2 - q^2)\,x - q^2 = 0$$

3. If $(x - 3)\,(x + 2)$ is the GCD of the polynomials $P(x) = (x^2 - 2x - 3)\,(2x^2 + ax - 2)$, and $Q(x) = (x^2 + x - 2)\,(3x^2 + bx - 3)$, find the values of a and b.

यदि $(x - 3)\,(x + 2)$, बहुपदों $P(x) = (x^2 - 2x - 3)\,(2x^2 + ax - 2)$, तथा $Q(x) = (x^2 + x - 2)\,(3x^2 + bx - 3)$ का म.स. (GCD) है, तो a तथा b के मान ज्ञात कीजिए ।

4. If $P = \dfrac{x^3 + y^3}{(x - y)^2 + 3xy}$, $Q = \dfrac{x^3 - y^3}{(x + y)^2 - 3xy}$ and $R = \dfrac{x^2 - y^2}{xy}$, express $[P \times Q \div R]$ as a rational expression in the lowest form.

यदि $P = \dfrac{x^3 + y^3}{(x - y)^2 + 3xy}$, $Q = \dfrac{x^3 - y^3}{(x + y)^2 - 3xy}$ तथा $R = \dfrac{x^2 - y^2}{xy}$, तो $[P \times Q \div R]$ को निम्नतम पदों में परिमेय व्यंजक के रूप में व्यक्त कीजिए ।

5. The 8^{th} term of an Arithmetic Progression (A.P.) is 37 and its 12^{th} term is 57. Find the A.P.

एक समान्तर श्रेणी का 8वाँ पद 37 है तथा 12वाँ पद 57 है । समान्तर श्रेणी ज्ञात कीजिए ।

6. Find the sum of the first 25 terms of an A.P. whose n^{th} term is given by $t_n = 7 - 3n$.

OR

Which term of the Arithmetic Progression 3, 10, 17, ... will be 84 more than its 13^{th} term ?

किसी समान्तर श्रेणी के प्रथम 25 पदों का योग ज्ञात कीजिए जिसका nवाँ पद $t_n = 7 - 3n$ है ।

अथवा

समान्तर श्रेणी 3, 10, 17, ... का कौनसा पद उसके 13वें पद से 84 अधिक होगा ?

7. An electric fan is available for Rs. 600 cash or for Rs. 250 cash down payment followed by 3 monthly instalments of Rs. 125 each. Find the rate of interest charged under the instalment plan.

बिजली से चलने वाला एक पंखा 600 रु. नकद अथवा 250 रु. तत्काल नकद भुगतान तथा 125 रु. प्रति माह की 3 मासिक किस्तों पर उपलब्ध है । किस्त योजना के अन्तर्गत ब्याज की दर ज्ञात कीजिए ।

8. A loan of Rs. 4,200 is to be returned in two equal annual instalments. If the rate of interest is 10% per annum, compounded annually, calculate the amount of each instalment.

4,200 रु. का एक ऋण दो समान वार्षिक किस्तों में लौटाया जाना है । यदि ब्याज की दर 10% वार्षिक है, जो प्रति वर्ष संयोजित किया जाता है, तो प्रत्येक किस्त की राशि परिकलित कीजिए ।

9. In Figure 1, ABCD is a trapezium in which AB || DC. The diagonals AC and BD intersect at O. Prove that $\frac{AO}{OC} = \frac{BO}{DO}$.

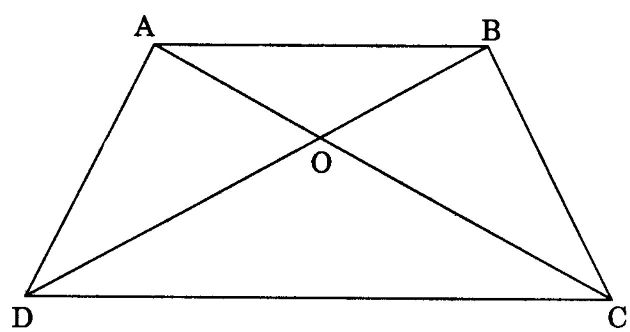
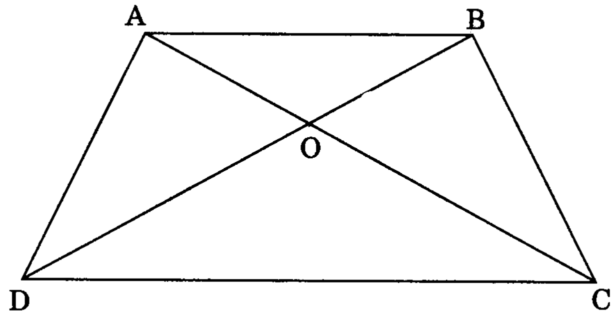


Figure 1

आकृति 1 में, ABCD एक समलम्ब है जिसमें AB || DC है । विकर्ण AC तथा BD आपस में बिन्दु O पर प्रतिच्छेद करते हैं । सिद्ध कीजिए कि $\frac{AO}{OC} = \frac{BO}{DO}$.



आकृति 1

10. In Figure 2, AB is a diameter of a circle, with centre O. If $\angle$ ABC = 70°, $\angle$ CAD = 30° and $\angle$ BAE = 60°, find $\angle$ BAC, $\angle$ ACD and $\angle$ ABE.

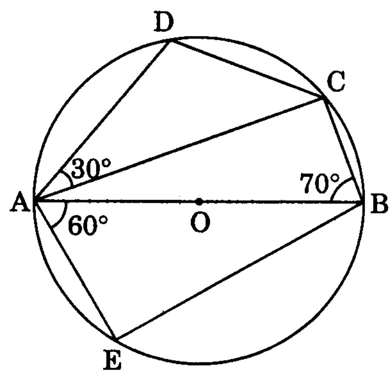
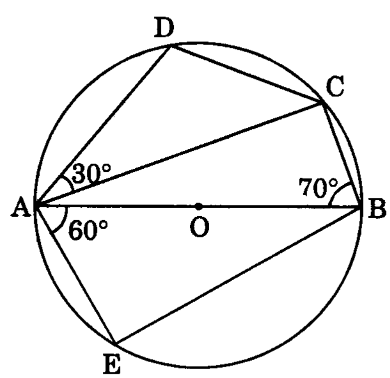


Figure 2

आकृति 2 में, AB एक वृत्त का व्यास है, जिसका केन्द्र O है । यदि $\angle$ ABC = 70°, $\angle$ CAD = 30° तथा $\angle$ BAE = 60° है, तो $\angle$ BAC, $\angle$ ACD तथा $\angle$ ABE ज्ञात कीजिए ।



आकृति 2

SECTION B

खण्ड ब

Question numbers 11 to 20 carry 4 marks each.

प्रश्न संख्या 11 से 20 तक प्रत्येक प्रश्न 4 अंकों का है ।

11. Solve the following system of linear equations graphically :

$$5x - 6y + 30 = 0$$

$$5x + 4y - 20 = 0$$

Also find the vertices of the triangle formed by the above two lines and x-axis.

निम्नलिखित रैखिक समीकरण निकाय को ग्राफ की सहायता से हल कीजिए :

$$5x - 6y + 30 = 0$$

$$5x + 4y - 20 = 0$$

उस त्रिभुज के शीर्ष भी ज्ञात कीजिए जो उपरोक्त दो रेखाओं तथा x-अक्ष के साथ बनता है ।

12. Solve for x :

$$\left(\frac{4x - 3}{2x + 1}\right) - 10\left(\frac{2x + 1}{4x - 3}\right) = 3; \;\; x \neq \frac{-1}{2}; \;\; x \neq \frac{3}{4}$$

OR

300 apples are distributed equally among a certain number of students. Had there been 10 more students, each would have received one apple less. Find the number of students.

x के लिए हल कीजिए :

$$\left(\frac{4x - 3}{2x + 1}\right) - 10\left(\frac{2x + 1}{4x - 3}\right) = 3; \;\; x \neq \frac{-1}{2}; \;\; x \neq \frac{3}{4}$$

अथवा

कुछ विद्यार्थियों में 300 सेब बराबर रूप में बाँटे गए । यदि 10 विद्यार्थी अधिक होते, तो प्रत्येक को एक सेब कम मिलता । विद्यार्थियों की संख्या ज्ञात कीजिए ।

13. A hemispherical bowl of internal diameter 30 cm contains some liquid. This liquid is to be filled into cylindrical shaped bottles each of diameter 5 cm and height 6 cm. Find the number of bottles necessary to empty the bowl.

एक अर्धगोलाकार कटोरे, जिसका आन्तरिक व्यास 30 सेमी है, में कुछ द्रव भरा है । इस द्रव को बेलनाकार बोतलों में भरा जाना है जिनमें से प्रत्येक का व्यास 5 सेमी तथा ऊँचाई 6 सेमी है । कटोरे को खाली करने के लिए आवश्यक बोतलों की संख्या ज्ञात कीजिए ।

14. Prove that :

$$\frac{\tan\theta}{1-\cot\theta}+\frac{\cot\theta}{1-\tan\theta} = 1+\tan\theta+\cot\theta$$

OR

Without using trigonometric tables, evaluate the following :

$$\frac{3\tan 25^\circ \tan 40^\circ \tan 50^\circ \tan 65^\circ - \frac{1}{2}\tan^2 60^\circ}{4(\cos^2 29^\circ + \cos^2 61^\circ)}$$

सिद्ध कीजिए कि :

$$\frac{\tan\theta}{1-\cot\theta}+\frac{\cot\theta}{1-\tan\theta} = 1+\tan\theta+\cot\theta$$

अथवा

त्रिकोणमितीय तालिकाओं के प्रयोग बिना, निम्न का मान ज्ञात कीजिए :

$$\frac{3\tan 25^\circ \tan 40^\circ \tan 50^\circ \tan 65^\circ - \frac{1}{2}\tan^2 60^\circ}{4(\cos^2 29^\circ + \cos^2 61^\circ)}$$

15. Construct a triangle ABC in which BC = 6·5 cm, $\angle$ A = 60° and altitude AD = 4·5 cm.
एक त्रिभुज ABC की रचना कीजिए जिसमें BC = 6·5 सेमी, $\angle$ A = 60° तथा शीर्ष लम्ब AD = 4·5 सेमी ।

16. Show that the points A (2, — 2), B (14, 10), C (11, 13) and D (— 1, 1) are the vertices of a rectangle.
दिखाइए कि बिन्दु A (2, — 2), B (14, 10), C (11, 13) तथा D (— 1, 1) एक आयत के शीर्ष हैं ।

17. Prove that the coordinates of the centroid of a Δ ABC, with vertices A (x_1, y_1), B (x_2, y_2) and C (x_3, y_3) are given by $\left(\frac{x_1+x_2+x_3}{3}, \frac{y_1+y_2+y_3}{3}\right)$.
सिद्ध कीजिए कि एक त्रिभुज ABC, जिसके शीर्ष A (x_1, y_1), B (x_2, y_2) तथा C (x_3, y_3) हैं, के केन्द्रक के निर्देशांक $\left(\frac{x_1+x_2+x_3}{3}, \frac{y_1+y_2+y_3}{3}\right)$ हैं ।

18. The mean of the following frequency distribution is 57·6 and the sum of the observations is 50. Find the missing frequencies f_1 and f_2.

Class	0 – 20	20 – 40	40 – 60	60 – 80	80 – 100	100 – 120
Frequency	7	f_1	12	f_2	8	5

निम्न बारंबारता बंटन का माध्य 57·6 है तथा प्रेक्षणों का योग 50 है । लुप्त बारंबारताएँ f_1 तथा f_2 ज्ञात कीजिए ।

वर्ग	0 – 20	20 – 40	40 – 60	60 – 80	80 – 100	100 – 120
बारंबारता	7	f_1	12	f_2	8	5

19. A bag contains 4 red, 5 black and 6 white balls. A ball is drawn from the bag at random. Find the probability that the ball drawn is

(i) white

(ii) red

(iii) not black

(iv) red or white

एक थैले में 4 लाल, 5 काली तथा 6 सफेद गेंदें हैं । थैले में से यादृच्छिक रूप से एक गेंद निकाली गई । प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि निकाली गई गेंद

(i) सफेद है

(ii) लाल है

(iii) काली नहीं है

(iv) लाल अथवा सफेद है

20. The following data shows the expenditure of an individual over various items :

Item	Education	Food	Rent	Clothing	Others
Expenditure (in Rs.)	1600	3200	4000	2400	3200

Represent the above data with the help of a pie-chart.

एक व्यक्ति द्वारा विभिन्न मदों पर खर्च (व्यय) के आँकड़े निम्न हैं :

मद	शिक्षा	भोजन	किराया	वस्त्र	अन्य
व्यय (रु. में)	1600	3200	4000	2400	3200

उपरोक्त आँकड़ों को एक पाई-चार्ट द्वारा निरूपित कीजिए ।

SECTION C
खण्ड स

Question numbers 21 to 25 carry 6 marks each.

प्रश्न संख्या 21 से 25 तक प्रत्येक प्रश्न 6 अंकों का है ।

21. Prove that in a right-angled triangle, the square on the hypotenuse is equal to the sum of the squares on the other two sides.

Using the above, prove that following :

In Δ ABC, $\angle A = 90°$ and AD $\perp$ BC. Prove that $AB^2 + CD^2 = BD^2 + AC^2$.

किसी समकोण त्रिभुज में सिद्ध कीजिए कि कर्ण का वर्ग अन्य दो भुजाओं के वर्गों के योग के बराबर होता है ।

उपरोक्त का प्रयोग करके निम्न सिद्ध कीजिए :

एक त्रिभुज ABC में, $\angle A = 90°$ तथा AD $\perp$ BC है । सिद्ध कीजिए कि
$AB^2 + CD^2 = BD^2 + AC^2$.

22. Prove that the angle subtended by an arc at the centre is double the angle subtended by it at any point on the remaining part of the circle.

Using the above, do the following :

Prove that the angle formed by a chord in the major segment is acute.

OR

Prove that the sum of either pair of opposite angles of a cyclic quadrilateral is 180°.

Using the above, do the following :

In Figure 3, ABCD is a cyclic quadrilateral in which $\angle A = (x + y + 10)^\circ$, $\angle B = (y + 20)^\circ$, $\angle C = (x + y - 30)^\circ$ and $\angle D = (x + y)^\circ$. Find x and y.

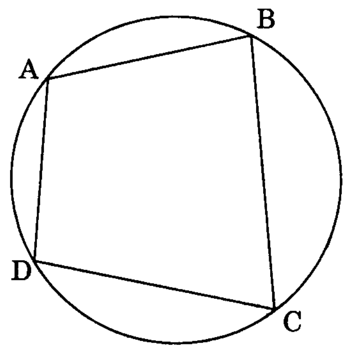


Figure 3

सिद्ध कीजिए कि किसी चाप द्वारा केन्द्र पर अंतरित कोण उस चाप द्वारा वृत्त के शेष भाग पर स्थित किसी बिन्दु पर अंतरित कोण का दुगुना होता है ।

उपरोक्त का प्रयोग करके निम्न कीजिए :

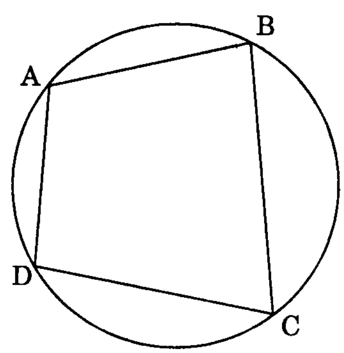
सिद्ध कीजिए कि किसी जीवा द्वारा बृहत् वृत्तखंड में बना कोण न्यून कोण होता है ।

अथवा

सिद्ध कीजिए कि चक्रीय चतुर्भुज के सम्मुख कोणों के किसी भी युग्म का योग 180° होता है ।

उपरोक्त का प्रयोग करके निम्न कीजिए :

आकृति 3 में, ABCD एक चक्रीय चतुर्भुज है जिसमें $\angle A = (x + y + 10)^\circ$, $\angle B = (y + 20)^\circ$, $\angle C = (x + y - 30)^\circ$ तथा $\angle D = (x + y)^\circ$. x तथा y ज्ञात कीजिए ।



आकृति 3

23. If the radii of the circular ends of a bucket, 45 cm high, are 28 cm and 7 cm (as shown in Figure 4), find the capacity of the bucket.

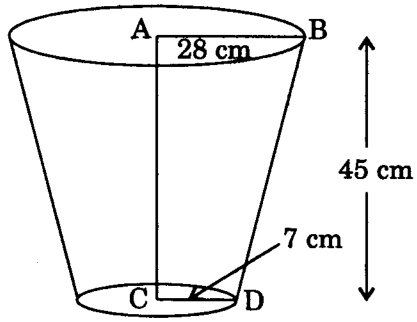
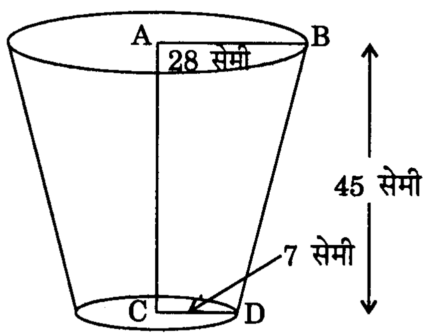


Figure 4

OR

A hollow cone is cut by a plane parallel to the base and the upper portion is removed. If the curved surface of the remainder is $\frac{8}{9}$ of the curved surface of the whole cone, find the ratio of the line segments into which the altitude of the cone is divided by the plane.

यदि किसी बाल्टी के दो वृत्ताकार सिरों की त्रिज्याएँ 28 सेमी तथा 7 सेमी हैं तथा उसकी ऊँचाई 45 सेमी है (आकृति 4 में दिखाए अनुसार), तो बाल्टी की धारिता ज्ञात कीजिए ।



आकृति 4

अथवा

एक खोखले शंकु को उसके आधार के समान्तर एक तल से काटा जाता है और उसका ऊपरी भाग हटा दिया जाता है । यदि शेष भाग का वक्र पृष्ठ सम्पूर्ण शंकु के वक्र पृष्ठ का $\frac{8}{9}$ हो, तो तल के द्वारा काटे गए शंकु की ऊँचाई के दो भागों में अनुपात ज्ञात कीजिए ।

24. A man standing on the deck of a ship, which is 10 m above water level, observes the angle of elevation of the top of a hill as 60° and angle of depression of the base of the hill as 30°. Find the distance of the hill from the ship and height of the hill.

पानी की सतह से 10 मी. ऊपर किसी जहाज़ की छत (डेक) पर खड़ा एक व्यक्ति किसी पहाड़ी के शिखर का उन्नयन कोण 60° पाता है तथा पहाड़ी के आधार का अवनमन कोण 30° पाता है । जहाज़ से पहाड़ी की दूरी तथा पहाड़ी की ऊँचाई ज्ञात कीजिए ।

25. Mohan Lal has an annual income of Rs. 2,50,000 (excluding HRA). He contributes Rs. 4,000 per month in his provident fund and pays an annual premium of Rs. 15,000 for his LIC policy. How much should he invest in N.S.C.s so as to get maximum rebate ? He pays Rs. 2,500 per month for 11 months towards income tax. How much income tax has he to pay in the last month of the year ?

Assume the following for calculating Income Tax :

(a) Standard Deductions :

(i)	Upto Rs. 75,000	40% of the salary or Rs. 30,000, whichever is less
(ii)	From Rs. 75,001 to Rs. 5,00,000	Rs. 30,000
(iii)	Above Rs. 5,00,000	Rs. 20,000

(b) Rates of Income Tax :

	Income	*Income Tax*
(i)	Upto Rs. 50,000	No Tax
(ii)	From Rs. 50,001 to Rs. 60,000	10% of the amount exceeding Rs. 50,000
(iii)	From Rs. 60,001 to Rs. 1,50,000	Rs. 1,000 + 20% of the amount by which taxable income exceeds Rs. 60,000
(iv)	From Rs. 1,50,001 to Rs. 8,50,000	Rs. 19,000 + 30% of the amount by which taxable income exceeds Rs. 1,50,000

(c) Rebate in Tax

(i) 20% of the savings subject to a maximum of Rs. 14,000 if the gross income is upto Rs. 1,50,000

(ii) 15% of the savings subject to a maximum of Rs. 10,500 if the gross income is between Rs. 1,50,001 and Rs. 5,00,000

मोहन लाल की वार्षिक आय (मकान किराया भत्ता छोड़कर) 2,50,000 रु. है । वह 4,000 रु. प्रति माह भविष्य निधि में तथा 15,000 रु. वार्षिक जीवन बीमा पॉलिसी का प्रीमियम देता है । वह राष्ट्रीय बचत पत्रों (N.S.C.s) में कितनी राशि लगाए कि उसे अधिकतम कटौती मिले ? वह प्रति माह 2,500 रु. प्रथम 11 माह तक आय कर कटाता है । ज्ञात कीजिए कि वर्ष के अन्तिम माह में उसे कितना आय कर देना पड़ेगा ।

आय कर गणना के लिए निम्न का प्रयोग करें :

(क) मानक कटौती :

(i)	75,000 रु. तक	वेतन का 40% अथवा 30,000 रु., जो भी कम हो
(ii)	75,001 रु. से 5,00,000 रु. तक	30,000 रु.
(iii)	5,00,000 रु. से अधिक	20,000 रु.

(ख) आय कर की दरें :

	आय	*आय कर*
(i)	50,000 रु. तक	कोई कर नहीं
(ii)	50,001 रु. से 60,000 रु. तक	50,000 रु. से अधिक राशि का 10%
(iii)	60,001 रु. से 1,50,000 रु. तक	1,000 रु. + कर-योग्य आय की 60,000 रु. से अधिक राशि का 20%
(iv)	1,50,001 रु. से 8,50,000 रु. तक	19,000 रु. + कर-योग्य आय की 1,50,000 रु. से अधिक राशि का 30%

(ग) आय कर में कटौती

(i) बचत का 20% जिसकी अधिकतम सीमा 14,000 रु. है यदि सकल आय 1,50,000 रु. तक है

(ii) बचत का 15% जिसकी अधिकतम सीमा 10,500 रु. है यदि सकल आय 1,50,001 रु. से 5,00,000 रु. तक है

cbsemathspapers.com

A website providing free sample, guess and question papers in all subjects

Also available here latest cbse syllabus

Links to cbse results available

Links to online ncert and cbse books available

Maths, science, hindi, punjabi, science and social science material available

Classes V11, V111, 1X, X, X1 and X11

To contact us log on to cbsemath.com, open contact us page and fill up the form there